

## Carboxylic acid 이성분계의 고-액 상평형과 과잉물성, 굴절률 및 점도 편차

구지은 · 오하영 · 박소진<sup>†</sup>

충남대학교 응용화학공학과  
34134 대전광역시 유성구 대학로 99  
(2018년 10월 30일 접수, 2018년 11월 21일 수정본 접수, 2018년 11월 26일 채택)

### Solid-Liquid Equilibria and Excess Molar Volumes, Refractive Indices and Deviation in Viscosity for Binary Systems of C<sub>3</sub>-C<sub>6</sub> Carboxylic Acids

Ji-Eun Gu, Ha-Young Oh and So-Jin Park<sup>†</sup>

Department of Chemical Engineering and Applied Chemistry, College of Engineering, Chungnam National University,  
99, Daehak-ro, Yuseong-gu, Daejeon, 34134, Korea

(Received 30 October 2018; Received in revised form 21 November 2018; accepted 26 November 2018)

#### 요 약

최근 지속 가능형 에너지로 바이오 부탄올(bio-butanol)에 관한 연구가 활발히 진행되고 있으나, 이의 상업화에는 저렴한 바이오메스 개발 및 경제적 분리 방법 등 선결해야 할 문제들이 있다. 전통적인 ABE 바이오부탄올 발효공정은 아세트톤, 부탄올, 에탄올과 함께 유기산(organic acid)과 같은 부산물을 생성한다. 따라서 이들의 상호분리를 위해 아세트톤, 부탄올, 에탄올 및 아세트산에 대한 상평형 데이터 등은 많이 발표되었으나, 탄소수가 큰 유기산에 대한 상평형 및 혼합물성 데이터는 매우 부족한 실정이다. 따라서 본 연구는 C<sub>3</sub>-C<sub>6</sub> 유기산 조합의 이성분계 혼합물에 대한 고-액 상평형과 혼합물성으로 과잉부피( $V^E$ ), 굴절률 편차( $\Delta R$ ) 그리고 점도 편차( $\Delta v$ )를 298.15 K에서 실험적으로 측정하였다. 측정된 고-액 상평형 데이터는 NRTL, UNIQUAC식을 이용하여 상관시켰으며 RMSD, 0.5 K이하로 잘 상관되었다. 또한 동일 이성분계 혼합물에 대한  $V^E$ ,  $\Delta R$  및  $\Delta v$ 의 혼합물성 데이터는 Redlich-Kister 다항식을 이용해 매개변수를 상관하였으며 약 0.004 이하의 표준편차로 잘 상관됨을 확인하였다.

**Abstract** – Recently, bio-butanol is being promoted as environmentally friendly sustainable energy. However, some problems are still obstacle for commercialization of bio-butanol: the development of cheap biomass and enhancement of fermentation ratio and preparation of economical separation process for fermented products. In the conventional ABE biobutanol fermentation process, organic acids with acetone, butanol, and ethanol are produced. Therefore, it is necessary to study phase equilibrium data and mixture properties for the design and operation of separation process. However, there is lack of design data for organic acids except acetic acid contained system. In this study, therefore, binary solid-liquid equilibria (SLE) and mixture properties: the excess molar volumes ( $V^E$ ), molar refraction deviation ( $\Delta R$ ) and deviation of viscosity ( $\Delta v$ ) at 298.15 for C<sub>3</sub>-C<sub>6</sub> organic acid were reported. The experimental SLE data were correlated with the NRTL and UNIQUAC activity coefficient model with less than 0.5 K of root mean square deviation (RMSD). In addition,  $V^E$ ,  $\Delta R$  and  $\Delta v$  for the same binary systems were satisfactorily fitted using the Redlich-Kister polynomial with less than ca. 0.004 standard deviation.

Key words: Solid-liquid equilibria, Organic acid, Excess molar volume, Molar refraction deviation, Deviation in viscosity

#### 1. 서 론

화석연료는 자원의 편중이 심하기 때문에 우리나라와 같이 자원이 풍부하지 않은 나라에서는 가격과 공급 면에서 항상 불안정한 요소를

가지고 있다. 또한 대기 환경오염의 원인물질로써 악영향을 끼칠 뿐만 아니라 자원의 고갈에 따른 근원적인 문제로 지속 가능한 형태의 에너지를 모색해야 할 필요성이 있다. 바이오 에너지는 환경문제를 저감시킬 수 있는 지속 가능한 신재생에너지로서 최근 들어 바이오 에너지로 수송용 연료를 대체하려는 연구에 대한 관심이 증가하고 있다[1]. 바이오 연료 중에 바이오부탄올은 가솔린을 대체할 수 있는 물질로서 기존에 연구되어온 에탄올에 비해 가솔린의 성질과 매우 유사하여 주목을 받고 있다. 즉, 바이오부탄올은 에탄올에 비해 탄소 수가 많기 때문에 더 높은 에너지 밀도를 가지고 있

<sup>†</sup>To whom correspondence should be addressed.

E-mail: sjpark@cnu.ac.kr

‡이 논문은 충남대학교 강용 교수님의 정년을 기념하여 투고되었습니다.

This is an Open-Access article distributed under the terms of the Creative Commons Attribution Non-Commercial License (<http://creativecommons.org/licenses/by-nc/3.0>) which permits unrestricted non-commercial use, distribution, and reproduction in any medium, provided the original work is properly cited.

고, 낮은 증기압과 높은 인화점, 점도가 높다는 점에서 에탄올보다 우수하다. 또한 흡습성과 부식성이 낮고 기존 유통시설이나 가솔린 엔진을 별도의 수정없이 사용 가능하다는 장점이 있다[2,3]. 보편적으로 바이오부탄올은 식물자원의 clostridium 균주를 이용한 혐기 발효 공정을 통해 제조된다. 전통적 ABE 발효 공정을 통해서서는 부탄올, 아세톤, 에탄올이 생성되며, 이 외에 소량의 isoamyl alcohol, hexanol, 유기산(organic acid) 등이 포함된 발효 산물이 발생한다 [1,4]. 그러나 아세톤, 부탄올, 에탄올 및 C<sub>1</sub>-C<sub>2</sub> 저 탄소 수의 유기산에 대한 상평형 자료는 비교적 많이 연구된 반면에 [5-8], 고 탄소 수의 유기산에 대한 상평형 및 혼합물성자료는 아직까지 매우 미흡한 실정이다. 발효공정의 생산물을 최적으로 분리하거나, 경제적인 에너지 절감형 분리공정으로 개수하기 위해서는 해당 혼합물에 대한 제반 상평형 데이터와 혼합 물성 데이터 등이 필수적이다. 따라서 본 연구에서는 ABE 바이오부탄올 발효공정에서 발생하는 부산물 중 유기산에 관한 고-액 상평형(solid-liquid equilibria)과 다양한 혼합물성을 실험적으로 측정 제시하였다. 즉, C<sub>3</sub>-C<sub>6</sub> 카르복실산(carboxylic acid)의 이성분 혼합계로 {propionic acid + hexanoic acid}, {butyric acid + hexanoic acid} 및 {valeric acid + hexanoic acid} 혼합계에 대한 고-액 상평형을 실험적으로 측정하고, 또한 동일 혼합계에 대한 과잉 몰부피(V<sup>E</sup>)와 몰 굴절률 편차(ΔR) 및 점도 편차(Δv)를 298.15 K에서 결정된 후에 각각의 실험 값을 모델식에 상관시켜 데이터를 환원시켜 보았다. 고액 상평형 데이터는 활동도계수 모델식인 NRTL (Non-Random-Two-Liquid) [9], UNIQUAC (UNiversal QUAsi Chemical) [10] 식에 상관시켜 매개변수를 추산하였고, 환원된 데이터와의 RMSD (root mean square deviation)를 계산하여 식의 적합도를 판단하였다. 또한 V<sup>E</sup>와 ΔR 및 Δv에 대한 측정 값을 Redlich-Kister식을 이용하여 상관하였다[11].

## 2. 실험

### 2-1. 시약

실험에 사용한 시약은 SAMCHUN pure chemical사의 propionic acid (99.0%), Junsei Chemical사의 butyric acid (99.0%), Alfa Aesar사의 valeric acid (99.0%)와 hexanoic acid (98+%) 시판 시약으로써 분자체(3Å, Fluka)로 건조 후 더 이상의 전처리 없이 실험에 사용하였다. 사용시약의 순도는 가스크로마토그래피(GC)로 분석한 순도(wt%)와 밀도 및 굴절률 값을 측정하여 문헌 값과 비교함으로써 간접적으로 재 확인하였으며, 사용된 각 화합물의 물성측정값과 GC 분석 값을 문헌 값 [5,12,13]과 함께 Table 1에 비교하여 나타내었다.

### 2-2. 장치 및 실험방법

고-액 상평형 실험은 자체 제작한 평형셀인 용점 측정 장치와 저온 항온조를 사용하여 수행하였다. 평형 셀은 단열을 위하여 진공 셀, 냉각수 순환 셀, 시료가 주입되는 평형 셀의 3중관으로 구성되어 있다. 혼합물의 용점 측정은 기지의 조성인 혼합물시료를 평형 셀 안에 주입하고, 이 시료를 액체 질소를 이용하여 결정화 시킨 후 고반(TFN Spinbar, 2.5 cm) 시키며 평형 셀 내의 미소 결정이 완전 용해되어 최종적으로 사라지는 온도를 그 조성혼합물의 용점으로 측정하는 방법으로 수행하였다. 이 과정에서 항온조(FTS, MC480A1)의 온도는 0.1 K씩 높아가면서 평형 셀 내 시료의 온도를 thermo couple (NAMAS, T100-250-1D)과 정밀온도 측정장치(ΑΣΛ, F250, UK)로 측정하였다. 재현성과 연관된 용점측정 온도의 불확도는 0.05 K 이었다.

이성분계 혼합물의 과잉 몰부피 결정을 위한 밀도(ρ) 측정은 digital vibrating U-tube densitometer (Anton Paar model DMA 4500)를 사용하여 수행하였다. Anton Paar가 제시한 장치의 측정 오차는  $\pm 5 \times 10^{-5} \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ 이며 U-tube내의 온도는 0.02 K의 정확도로 조절된다. N개의 밀도 측정에 대해 표준 불확도 u(ρ)는 다음 식 (1)로 계산하였다.

$$u(\rho) = \sqrt{\frac{1}{N} S_{\rho}^2 + u_{\gamma}^2 + u_i^2 + u_T^2} \quad (1)$$

여기서, S<sub>ρ</sub>는 표준 편차, u<sub>γ</sub>는 밀도계의 정확도, u<sub>i</sub>는 밀도계로 측정된 밀도 값의 범위, u<sub>T</sub>는 측정된 온도의 불확도이다. 본 실험에서 u(ρ)는  $\pm 5.4 \times 10^{-5} \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$  미만으로 계산되었다 [14]. 밀도측정에 사용한 혼합 시료는 측정하고자 하는 몰 조성에 따른 각 성분의 질량을 microbalance (A&D, Japan)로  $\pm 1 \times 10^{-5} \text{ g}$ 의 정밀도로 평량하여 제조하였다. 혼합물의 정확한 밀도 측정을 위하여 U-tube에 기포가 생기지 않도록 주의하여 시료를 채우면, 시료의 온도가 설정 온도에 도달한 후 자동으로 진동주기가 측정되며, 3회 반복 측정된 평균값을 밀도로 취하였다.

굴절률(n<sub>D</sub>) 측정은 digital precision refractometer (KEM, model RA-520N, Kyoto, Japan)로 수행하였다. 굴절계의 측정정확도는 1.32-1.40 범위에서  $\pm 5 \times 10^{-5}$ , 1.40-1.58 범위에서  $\pm 1 \times 10^{-4}$ 이며, 온도는 0.05 K의 정확도로 유지된다. 3회 반복 측정된 굴절률의 표준 불확도는  $1.5 \times 10^{-4}$ 로 추산되었다[15].

점도 측정은 항온조(Lauda, MD 20)와 일반적으로 유기용매 혼합물의 점도범위에서 사용되는 Ubbelohde 점도계를 사용하였다. 실험에 사용된 Ubbelohde 점도계는 kapillar viskosimeter (SI Analytics GmbH, model 530 03, Typ. Nr 285400304, Oc, Germany)로써 측

Table 1. Purity and physical properties of the chemicals

Substance	Purity (wt.%)	ρ/g cm <sup>-3</sup> at 298.15 K <sup>a</sup>		n <sub>D</sub> at 298.15 K <sup>b</sup>	
		Experimental	Literature	Experimental	Literature
Propionic acid	>99.9	0.99162	0.98945 <sup>c</sup>	1.3859	1.3850 <sup>d</sup>
Butyric acid	>99.9	0.95489	0.95349 <sup>c</sup>	1.3969	1.3963 <sup>d</sup>
Valeric acid	>99.9	0.93471	0.93400 <sup>d</sup>	1.4067	1.4062 <sup>d</sup>
Hexanoic acid	>99.6	0.92301	0.92300 <sup>e</sup>	1.4150	1.4156 <sup>d</sup>

<sup>a</sup>Standard uncertainties u(ρ) =  $5.4 \times 10^{-5} \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ , u(T) = 0.02 K.

<sup>b</sup>Standard uncertainties u(n<sub>D</sub>) =  $1.5 \times 10^{-4}$ , u(T) = 0.05 K.

<sup>c</sup>Ref. [5].

<sup>d</sup>Ref. [12].

<sup>e</sup>Ref. [13].

정 범위는  $0.5\text{--}3.0\text{ (mm}^2\cdot\text{s}^{-1}\text{)}$  이고, 항온조의 온도는  $\pm 0.1\text{ K}$ 의 정확도로 조절되었다. 실험은 Ubbelohde 점도계에 약  $15\text{ cm}^3$ 의 샘플을 주입 후 온도가 평형에 도달할 때까지 30분 이상 항온조내에서 정지시킨 후 시료가 점도계의 모세관을 통해 일정 구간을 흐르는 시간을 측정하여 이를 점도 값으로 환산하였다. 측정은 3회 반복 실험하여 평균값을 취하였으며 불확도는  $1 \times 10^{-3}\text{ mm}^2\cdot\text{s}^{-1}$  (cSt)로 추산되었다.

### 3. 결과 및 고찰

상기한 대로  $\text{C}_3\text{--}\text{C}_6$  유기산 이성분계 조합의 고-액 상평형 측정은 {propionic acid + hexanoic acid}, {butyric acid + hexanoic acid} 그리고 {valeric acid + hexanoic acid} 총 3 개의 시스템에 대하여 진행하였으며, 정적방법에 의해 대기압하에서 용점을 측정하는 방법으로 수행하였다. 측정된 모든 이성분계에서 단순공용점이 발견되었으며, {propionic acid + hexanoic acid} 계의 경우 공용점은 propionic acid 조성  $x_1=0.7019$ 에서  $236.25\text{ K}$ , {butyric acid + hexanoic acid} 계의 경우 공용점은 butyric acid 조성  $x_1=0.5600$ 에서  $241.68\text{ K}$ , {valeric acid + hexanoic acid} 계의 경우 공용점은 valeric acid 조성  $x_1=0.7499$ 에서  $229.85\text{ K}$ 이었다. Table 2에 이들 세 이성분계에 대한 고-액 상평형 측정 데이터를 나타내었고, Fig. 1-3에는 이를 도시하여 나타내었다. 측정된 고액 상평형 데이터는 활동도계수 모델 식인 NRTL식과 UNIQUAC 식으로 상관하였다. 그 중 {valeric acid + hexanoic acid} 계는 NRTL 식에 근소하게 더 잘 상관되었으며, 이를 제외한 두 계에서는 NRTL과 UNIQUAC 식에 의한 상관 결과가 거의 동일하였다. 상관된 NRTL, UNIQUAC 모델 매개변수와 RMSD값을 Table 3에 나타내었다. RMSD는 식 (2)로 구하였으며, 상첨자 exp.는 실험값을 cal.은 활동도계수 모델식 매개변수에 의해 재계산된 계산값을 나타낸다. 식 (2)로부터 계산된 값과

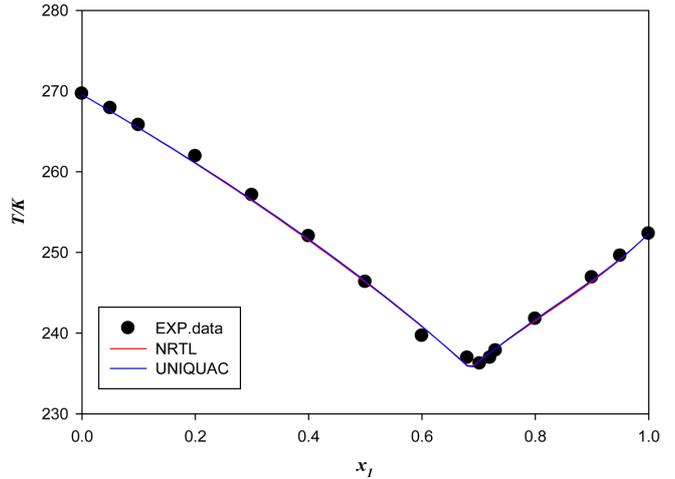


Fig. 1. The experimental SLE for the system {propionic acid (1) + hexanoic acid (2)}(●).

실험값의 RMSD는 {propionic acid + hexanoic acid}, {butyric acid + hexanoic acid} 및 {valeric acid + hexanoic acid}계에서 각각  $0.5\text{ K}$ ,  $0.2\text{ K}$ ,  $0.4\text{ K}$ 이내로써, 모든 시스템에서 약  $0.5\text{ K}$ 이하의 작은 편차로 잘 일치함을 보였다.

$$\text{RMSD} = \left[ \frac{\sum_i \sum_\alpha \sum_k (X_{ik}^{\alpha(\text{exp})} - X_{ik}^{\alpha(\text{cal})})^2}{6N} \right]^{1/2} \quad (2)$$

동일한 유기산 이성분계에 대해  $298.15\text{ K}$ 에서  $\rho$ 와  $n_D$ 를 측정하고, 이로부터 결정된 과잉 몰부피( $V^E$ )와 몰 굴절률 편차( $\Delta R$ )를 Table 4에 나타내었다.  $V^E$ 는 식 (3)을 이용 하여 순수 및 혼합물의  $\rho$ 로부터 계산하였다.

Table 2. Solid-liquid equilibrium data for {propionic acid (1) + hexanoic acid (2)}, {butyric acid (1) + heptanoic acid (2)} and {valeric acid (1) + hexanoic acid (2)}binary systems

Systems	$X_1$	T/K	$X_1$	T/K
{Propionic acid (1) + Hexanoic acid (2)}	0.0000	269.67	0.6800	236.95
	0.0500	267.90	0.7019	236.25
	0.1000	265.79	0.7201	236.95
	0.2000	261.93	0.7300	237.85
	0.3001	257.11	0.8000	241.77
	0.4001	252.02	0.9000	246.91
	0.5001	246.35	0.9500	249.59
	0.6000	239.68	1.0000	252.33
{Butyric acid (1) + Hexanoic acid (2)}	0.0000	269.67	0.5600	241.68
	0.0504	267.28	0.5800	242.05
	0.1000	265.28	0.6000	243.39
	0.2001	261.45	0.7001	250.45
	0.3000	256.57	0.8001	257.25
	0.4000	251.43	0.9000	262.10
	0.5000	245.75	0.9500	264.75
	0.5199	243.95	1.0000	268.01
{Valeric acid (1) + Hexanoic acid (2)}	0.0000	269.67	0.6000	240.35
	0.0501	267.48	0.7000	233.35
	0.1002	265.75	0.7499	229.85
	0.2061	261.65	0.8000	232.90
	0.3000	257.56	0.9001	235.75
	0.4013	252.17	0.9500	237.65
	0.4999	246.95	1.0000	239.35

Standard uncertainties  $u(x) = 0.0005$ ,  $u(T) = 0.05\text{ K}$

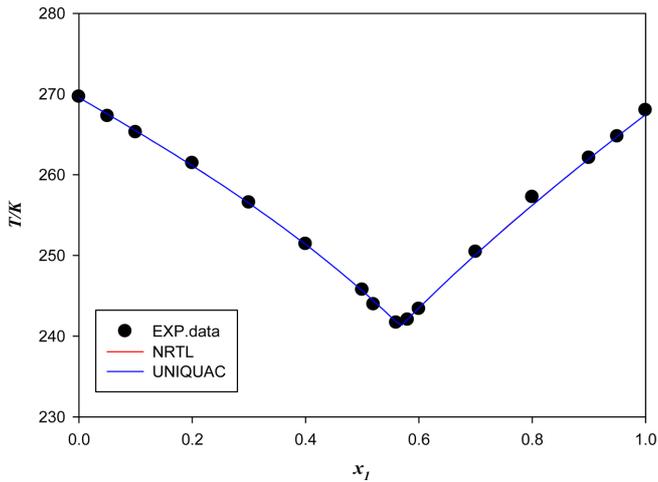


Fig. 2. The experimental SLE for the system {butyric acid (1) + hexanoic acid (2)} (●).

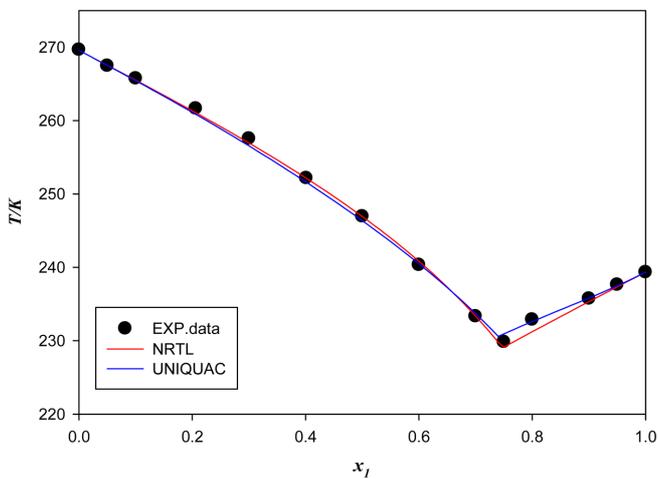


Fig. 3. The experimental SLE for the system {valeric acid (1) + hexanoic acid (2)} (●).

$$V^E / \text{cm}^3 \cdot \text{mol}^{-1} = \frac{\sum_i x_i M_i}{\rho_m} - \sum_i \left[ \frac{x_i M_i}{\rho_i} \right] \quad (3)$$

위의 식에서  $x_i$ ,  $M_i$ ,  $\rho_i$ , 그리고  $\rho_m$ 은 각 성분의 조성, 분자량, 순수 성분의 밀도, 그리고 혼합물의 밀도를 나타낸다.  $\Delta R$ 은 각각의 순수 성분의 굴절률( $R_i$ )과 혼합성분의 굴절률( $R_m$ )로부터 식 (4)-(7)로 부터 계산하였다[15].

$$\Delta R / \text{cm}^3 \cdot \text{mol}^{-1} = R_m - \sum_i \phi_i R_i \quad (4)$$

$$R_i = \left[ \frac{n_{D,i}^2 - 1}{n_{D,i}^2 + 2} \right] \left[ \frac{\sum_j x_j M_j}{\rho_m} \right] \quad (5)$$

$$R_i = \left[ \frac{n_{D,i}^2 - 1}{n_{D,i}^2 + 2} \right] \left[ \frac{M_i}{\rho_i} \right] \quad (6)$$

$$\phi_i = \frac{x_i V_i}{\sum_j x_j V_j} \quad (7)$$

여기서  $\phi_i$ ,  $n_{D,i}$ ,  $n_{D,i}$  그리고  $V_i$ 는 혼합물 속 순수 성분의 부피 분율, 혼합물의 굴절률, 순수 성분의 굴절률, 그리고 순수 성분의 몰 부피를 각각 나타낸다. Fig. 4-5는 각 이성분계에 대한 298.15 K에서의

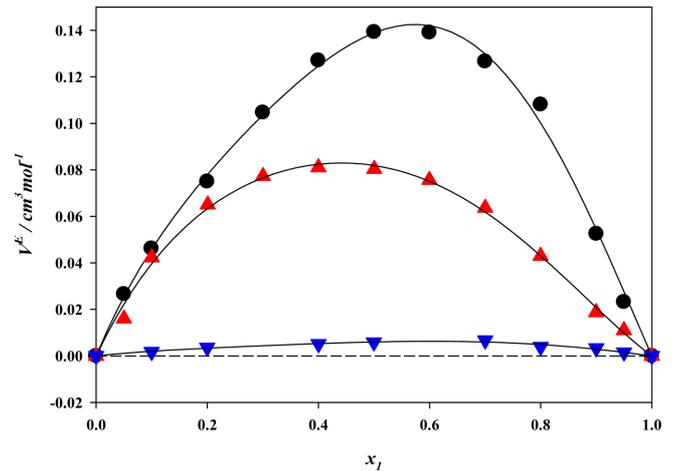


Fig. 4.  $V^E$  ( $\text{cm}^3 \cdot \text{mol}^{-1}$ ) for the binary systems at 298.15 K; (●), {propionic acid (1) + hexanoic acid (2)}; (▲), {butyric acid (1) + hexanoic acid (2)}; (▼), {valeric acid (1) + hexanoic acid (2)}; solid curves were calculated data from the Redlich-Kister parameters.

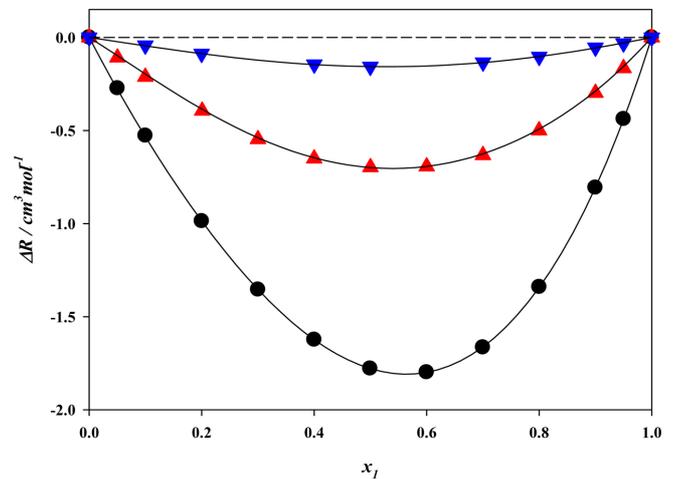


Fig. 5.  $\Delta R$  ( $\text{cm}^3 \cdot \text{mol}^{-1}$ ) for the binary systems at 298.15 K; (●), {propionic acid (1) + hexanoic acid (2)}; (▲), {butyric acid (1) + hexanoic acid (2)}; (▼), {valeric acid (1) + hexanoic acid (2)}; solid curves were calculated data from the Redlich-Kister parameters.

Table 3. The adjustable model parameters and the RMSD for each binary system

Models	Systems	$A_{ij}/\text{cal} \cdot \text{mol}^{-1}$	$A_{ji}/\text{cal} \cdot \text{mol}^{-1}$	$\alpha$	RMSD (K)
NRTL	{Propionic acid (1) + Hexanoic acid (2)}	909.224	-337.370	0.33	0.50
	{Butyric acid (1) + Hexanoic acid (2)}	-214.143	304.872	0.30	0.17
	{Valeric acid (1) + Hexanoic acid (2)}	92.2900	62.7507	0.30	0.24
UNIQUAC	{Propionic acid (1) + Hexanoic acid (2)}	301.883	-143.230	-	0.49
	{Butyric acid (1) + Hexanoic acid (2)}	-149.039	199.470	-	0.17
	{Valeric acid (1) + Hexanoic acid (2)}	371.362	-219.342	-	0.39

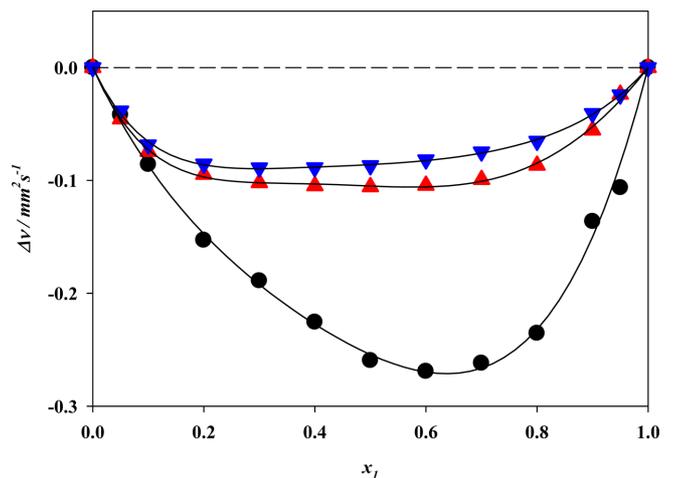
**Table 4. Densities, excess molar volumes, refractive indices and molar refraction deviation for {propionic acid (1) + hexanoic acid (2)}, {butyric acid (1) + hexanoic acid (2)} and {valeric acid (1) + hexanoic acid (2)} binary systems at 298.15 K**

$X_1$	$\rho/\text{g cm}^{-3}$	$V^E/\text{cm}^3 \text{mol}^{-1}$	$n_D^b$	$\Delta R/\text{cm}^3 \text{mol}^{-1}$
propionic acid (1) + hexanoic acid (2)				
0.0500	0.92489	0.0266	1.4141	-0.2732
0.0998	0.92689	0.0462	1.4131	-0.5274
0.2000	0.93127	0.0750	1.4110	-0.9869
0.3000	0.93604	0.1046	1.4087	-1.3549
0.3998	0.94132	0.1270	1.4062	-1.6241
0.5003	0.94727	0.1393	1.4035	-1.7788
0.5998	0.95392	0.1390	1.40063	-1.7987
0.7000	0.96150	0.1266	1.3974	-1.6650
0.7998	0.97004	0.1081	1.3940	-1.3404
0.9002	0.98018	0.0525	1.3901	-0.8073
0.9498	0.98571	0.0232	1.3881	-0.4385
butyric acid (1) + hexanoic acid (2)				
0.0501	0.92505	0.0160	1.4145	-0.1084
0.1001	0.92603	0.0423	1.4138	-0.2121
0.2008	0.92832	0.0651	1.4124	-0.3938
0.3002	0.93079	0.0773	1.4107	-0.5469
0.4000	0.93349	0.0811	1.4090	-0.6507
0.5004	0.93641	0.0804	1.4073	-0.6976
0.5999	0.93952	0.0756	1.4054	-0.6930
0.7002	0.94293	0.0637	1.4034	-0.6322
0.7998	0.94663	0.0430	1.4013	-0.4997
0.8996	0.95063	0.0188	1.3991	-0.2980
0.9497	0.95270	0.0110	1.3969	-0.1655
valeric acid (1) + hexanoic acid (2)				
0.0999	0.92345	0.0018	1.4145	-0.0434
0.1999	0.92455	0.0036	1.4137	-0.0875
0.4001	0.92686	0.0051	1.4121	-0.1455
0.4998	0.92806	0.0058	1.4112	-0.1576
0.7001	0.93059	0.0060	1.4095	-0.1342
0.8000	0.93191	0.0047	1.4086	-0.1040
0.8998	0.93328	0.0033	1.4077	-0.0543
0.9499	0.93399	0.0015	1.4072	-0.0320

Standard uncertainties  $u(x) = 0.0005$ ,  $u(\rho) = 5.4 \times 10^{-5} \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ,  $u(n_D) = 1.5 \times 10^{-4}$

$V^E$ 와  $\Delta R$  값을 보여준다. Fig. 4에서 보는 바와 같이 결과적으로 혼합에 따른 부분 몰성질이 커져  $V^E$  값은 모두 양의 편차 값을 보였는데, 이는 자기 회합을 하는 유기산의 단량체와 다량체 사이에서 분자내 수소결합이 끊어짐 현상에 기인된 것으로 추측된다. 또한 acid가 가지고 있는 카복실기(-COOH)에 의한 영향보다는 알킬 및 알킬렌기에 의한 영향을 더 많이 약한 극성을 띄게 되어 양의 편차를 나타내는 것으로도 설명될 수 있을 것이다. Fig. 5에는  $\Delta R$  값을 나타내었다. 그림에서와 같이  $\Delta R$ 의 경우  $V^E$ 와 반대로 동일한 이 성분계에 대해 모두 음의 편차를 보였다. Table 4에서 보면 hexanoic acid와 혼합된 유기산( $C_3$ - $C_5$ )의 탄소 수 증가에 따른 굴절율의 차이는 미소하게 증가하나 전체적으로 큰 차이가 없음을 보여준다. 그러나 Fig. 5에서와 같이 몰 굴절율편차  $\Delta R$ 은 굴절율 차이에 비해 더 큰 편차를 보이며 propionic acid > butyric acid > valeric acid의 순서로 음의 편차를 보였다. 이는 Iglesias-Otero 등 [16]의 주장대로 양의  $V^E$  값은 용액에서는 이상용액보다 더 큰 free-volume을 갖게 되어, 매체에서 빛의 속도가 더 빠르게 되므로 이상용액보다 더 낮은 굴절율을 보이는 것으로 해석할 수 있다.

이성분 액상혼합계의 점도 편차인  $\Delta v$ 는 Table 5와 Fig. 6에 나타내었다. 기체와 달리 액체의 점도는 기체 점도 추산에 비견되는 이론에 근거한 추산식이 없으므로 실험 데이터는 더한 중요성을 갖는다.  $\Delta v$  측정값은 Fig. 6에서 보는 바와 같이  $\Delta R$ 과 같이 모두 음의



**Fig. 6.**  $\Delta v$  ( $\text{mm}^2 \cdot \text{s}^{-1}$ ) for the binary systems at 298.15 K; (●), {propionic acid (1) + hexanoic acid (2)}; (▲), {butyric acid (1) + hexanoic acid (2)}; (▼), {valeric acid (1) + hexanoic acid (2)}; solid curves were calculated data from the Redlich-Kister parameters.

편차를 보였고, 음의 편차의 정도도 propionic acid > butyric acid > valeric acid로 커지는 경향을 보였다. 이는 분자간의 작은 인력도 점도에 큰 영향을 미칠 뿐만 아니라 분자구조의 차이에 민감하게

**Table 5. Kinematic viscosities, and deviations in viscosity for {propionic acid (1) + hexanoic acid (2)}, {butyric acid (1) + hexanoic acid (2)} and {valeric acid (1) + hexanoic acid (2)} binary systems at 298.15 K**

$X_1$	$v/\text{mm}^2\cdot\text{s}^{-1}$	$\Delta v/\text{mm}^2\cdot\text{s}^{-1}$	$X_1$	$v/\text{mm}^2\cdot\text{s}^{-1}$	$\Delta v/\text{mm}^2\cdot\text{s}^{-1}$
propionic acid (1) + hexanoic acid (2)					
0.0000	3.005	0.000	0.6000	1.643	-0.269
0.0500	2.872	-0.042	0.7000	1.468	-0.262
0.1002	2.736	-0.086	0.8000	1.313	-0.236
0.1999	2.488	-0.153	0.9001	1.230	-0.137
0.3001	2.269	-0.189	0.9500	1.169	-0.107
0.4000	2.051	-0.226	1.0000	1.184	0.000
0.5000	1.835	-0.260	-	-	-
butyric acid (1) + hexanoic acid (2)					
0.000	3.005	0.000	0.6000	2.056	-0.104
0.0500	2.889	-0.046	0.7001	1.921	-0.099
0.1001	2.789	-0.074	0.8000	1.793	-0.087
0.2001	2.628	-0.095	0.9000	1.683	-0.056
0.3000	2.481	-0.102	0.9500	1.644	-0.024
0.4000	2.337	-0.105	1.000	1.598	0.000
0.5000	2.196	-0.106	-	-	-
valeric acid (1) + hexanoic acid (2)					
0.0000	3.005	0.000	0.6001	2.401	-0.082
0.0501	2.923	-0.039	0.7000	2.321	-0.075
0.0999	2.849	-0.069	0.8000	2.244	-0.065
0.2000	2.745	-0.085	0.9000	2.181	-0.041
0.3001	2.655	-0.089	0.9500	2.155	-0.024
0.3999	2.568	-0.089	1.0000	2.135	0.000
0.5000	2.483	-0.087	-	-	-

Standard uncertainties  $u(v) = 1 \times 10^{-3} \text{ mm}^2\cdot\text{s}^{-1}$ ,  $u(T) = 0.1 \text{ K}$

**Table 6. Fitted parameters for the Redlich-Kister equation and standard deviations of  $V^E$ ,  $\Delta R$  and  $\Delta v$  for the binary systems at 298.15 K**

Systems	$A_1$	$A_2$	$A_3$	$A_4$	$A_5$	$\sigma_{st}/\text{cm}^3 \text{ mol}^{-1}$
$V^E$ propionic acid (1) + hexanoic acid (2)	0.5555	0.1890	0.0021	-0.2024	-	0.0042
butyric acid (1) + hexanoic acid (2)	0.3276	-0.0730	0.0125	-0.0906	-	0.0030
valeric acid (1) + hexanoic acid (2)	0.0233	0.0082	0.0073	-0.0002	-	0.0003
Systems	$A_1$	$A_2$	$A_3$	$A_4$	$A_5$	$\sigma_{st}/\text{cm}^3 \text{ mol}^{-1}$
$\Delta R$ propionic acid (1) + hexanoic acid (2)	-7.1170	-1.8232	-0.3684	-0.0996	-0.2177	0.0018
butyric acid (1) + hexanoic acid (2)	-2.7990	-0.4400	0.0102	-0.3440	-	0.0023
valeric acid (1) + hexanoic acid (2)	-0.6275	-0.0784	0.0939	-	-	0.0020
Systems	$A_1$	$A_2$	$A_3$	$A_4$	$A_5$	$\sigma_{st}/\text{cm}^3 \text{ mol}^{-1}$
$\Delta v$ propionic acid (1) + hexanoic acid (2)	-1.0170	-0.4406	-0.4676	-	-	0.010
butyric acid (1) + hexanoic acid (2)	-0.4198	-0.0379	-0.3833	0.2817	-0.0756	0.003
valeric acid (1) + hexanoic acid (2)	-0.3438	0.0534	-0.2844	0.1785	-0.1717	0.002

작용하므로, C<sub>3</sub>-C<sub>5</sub> 유기산 중에 카르복실기의 수소결합이 가장 크고 분자간 구조의 차이가 큰 C<sub>3</sub> 유기산과의 혼합체인 propionic acid + hexanoic acid 혼합계에서 가장 큰 음의 편차를 보이는 것으로 추측된다. 식 (8)은 측정된 혼합물의 점도와 각 순수성분의 점도 및 조성으로부터 구해진 이성분혼합계의  $\Delta v$  계산식이다.

$$\Delta v/\text{mm}^2 \cdot \text{s}^{-1} = v - (v_1x_1 + v_2x_2) \quad (8)$$

여기서  $v$ ,  $v_i$ 는 혼합물의 점도와 혼합물 중의 순수성분  $i$ 의 점도를 나타낸다.

298.15 K에서 측정된 각 이성분 혼합계의  $V^E$ ,  $\Delta R$  및  $\Delta v$ 는 Redlich-Kister 다항식 (9)를 이용하여 상관하였으며, 상관된 Redlich-Kister 매개변수와 표준편차( $\sigma_{st}$ )를 Table 6에 나타 내었다. 식 (9)에서  $A_i$ 는 Redlich-Kister 다항식의 매개변수이고,  $n$ 은 매개변수의 수를 의미한다. 실험 값과 Redlich-Kister 매개변수에 의한 계산 값과의  $\sigma_{st}$ 는

식 (10)을 이용하여 계산하였다.  $N$ 은 해당 혼합계의 실험 데이터 수를 나타내고  $E$ 는 관련 물성을 나타낸다. Table 6에서 보는 바와 같이 상관된 매개변수를 이용하여 재계산한 결과와 실험값은 약 0.004 이하의 표준 편차로 잘 일치하였다.

$$V^E, \Delta R \text{ or } \Delta v = x_1x_2 \sum_{i=1}^n A_i (x_1 - x_2)^{i-1} \quad (9)$$

$$\sigma_{st} = \sqrt{\frac{\sum_i^N (E_i^{calc} - E_i^{exp})^2}{(N-n)}} \quad (10)$$

#### 4. 결 론

C<sub>3</sub>-C<sub>6</sub> 유기산 혼합물로 {propionic acid + hexanoic acid}, {butyric acid + hexanoic acid} 및 {valeric acid + hexanoic acid} 이성분계의 고액상평형을 측정하였다. 측정계 모두에서 단순 공용점이 있었으

며, NRTL, UNIQUAC식에 의해 0.5 K 이하의 융점 편차로 잘 상관됨을 확인하였다. 동일혼합계에 대한 물성으로 298.15 K에서 밀도, 굴절율과 점도를 측정하여 과잉 및 편차성질인  $V^E$ ,  $\Delta R$  및  $\Delta v$ 을 결정하였다. 측정된 모든 혼합계에서  $V^E$ 는 양의 편차를 보였으며, 이는 유기산 용액에서 카르복실기의 수소결합 일부가 파괴되거나 늘어나 상대적으로 무극성인 탄화수소의 영향을 더 받은 결과로 해석된다.  $V^E$ 가 양의 편차를 보임에 따라 용액의 자유부피는 커지고, 따라서 빛의 투과속도가 빨라져  $\Delta R$ 은 음의 편차를 보였으며,  $\Delta v$ 도 점도가 낮은 온도에서 구성분의 구조나 적은 인력에 큰 영향을 받는 특성에 따라, 이상용액으로부터 음의 편차를 보이는 것으로 추측된다. 과잉 및 편차성질은 Redlich-Kister 다항식을 이용하여 상관하였으며, 거의 모두 0.004이하의 표준편차로 비교적 잘 상관되었다.

## 감 사

이 연구는 충남대학교 학술연구비에 의해 지원되었으며, 연구비 지원에 감사드립니다.

## 사용기호

$A_i$	: Adjustable parameter for the Redlich-Kister equation
$A_{ij}, A_{ji}$	: parameter used in NRTL and UNIQUAC equations
$V^E$	: Excess molar volume ( $\text{cm}^3 \cdot \text{mol}^{-1}$ )
$\Delta R$	: Deviation in refractive indices ( $\text{cm}^3 \cdot \text{mol}^{-1}$ )
$M_i$	: Molar mass of the pure component i ( $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ )
$R_m$	: Molar refractivity of mixture [i]
$R_i$	: Molar refractivity of pure component [i]
$n_D$	: Refractive index of the mixture [i]
$n_{D,i}$	: Refractive index of the pure component [i]
$V_i$	: Molar volume of the pure component [i]
$n$	: Number of parameters [A.]
$N$	: Number of experimental data points

## 그리스 문자

$u(\rho)$	: Standard uncertainty [ $\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ]
$S_\rho$	: Standard deviation of the average [ $\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ]
$u_\gamma$	: Resolution of the instrument [ $\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ]
$u_i$	: Varied response of the instrument with the density range [ $\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ]
$u_T$	: Uncertainty in the measured temperature [ $\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ]
$\nu$	: Kinematic viscosity [ $\text{mm}^2 \cdot \text{s}^{-1}$ ]
$\Delta \nu$	: Deviation in viscosity [ $\text{mm}^2 \cdot \text{s}^{-1}$ ]
$\rho_i$	: Density of the pure component i [ $\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ]
$\rho_m$	: Density of the mixture [ $\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ]
$\sigma_{st}$	: Standard deviation

## Reference

- Ryu, B. H., Chang, B. J., Kim, J. H. and Kim, W. N., "Pervaporative Recovery of Bio-butanol through Dense- and Composite-

- type PDMS Membranes," *Membrane Journal*, **19**(2), 157-158 (2009).
- Sang, B. I. and Kim, Y. H., "Bio-butanol Production Technology as Next Generation Transportation Fuel," *News & Information for Chemical Engineers*, **26**(6), 704-709(2008).
- Gunter, W. Festel, "Biofuels - Economic Aspects," *Chem. Eng. Technol.*, **31**(5), 715-720(2008).
- Rogers, P. and Palosaari, N., "Clostridium Acetobutylicum Mutants That Produce Butyraldehyde and Altered Quantities of Solvents," *Appl. And Environ. Microbiol.*, **53**, 2761-2766(1987).
- Lee, K. H., Gu, J. E., Oh, H. Y. and Park, S. J., "Solid-liquid Phase Equilibria, Excess Molar Volume, and Molar Refraction Deviation for the Mixtures of Ethanoic Acid with Propanoic, Butanoic, and Pentanoic Acid," *Korean J. Chem. Eng.*, **35**(8), 1710-1715(2018).
- Bahadur, I., Singh, S., Deenadayalu, N., Naidoo, P. and Ramjugernath, D., "Influence of Alkyl Group and Temperature on Thermophysical Properties of Carboxylic Acid and Their Binary Mixtures," *Thermo. Acta*, **590**, 151-159(2014).
- Bahadur, I., Naidoo, P., Singh, S., Ramjugernath, D., Deenadayalu, N., "Effect of Temperature on density, Sound Velocity, Refractive Index and Their Derived Properties for the Binary Systems (heptanoic acid + propanoic or butanoic acids)," *J. Chem. Thermodyn.*, **78**, 7-15(2014).
- Bahadur, I., Deenadayalu, N., Naidoo, P., Ramjugernath, D., "Density, Speed of Sound, and Refractive Index Measurements for the Binary Systems (butanoic acid + propanoic acid or 2-methylpropanoic acid) at T = (293.15 to 313.15) K," *J. Chem. Thermodyn.*, **57**, 203-211(2013).
- Renon, H., Prausnitz, J. M., "Local Compositions in Thermodynamic Excess Functions for Liquid Mixtures," *AIChE. J.*, **14**(1), 135-144(1968).
- Abrams, D. S. and Prausnitz, J. M., "Statistical Thermodynamics of Liquid Mixtures: A New Expression for the Excess Gibbs Energy of Partly or Completely Miscible Systems," *AIChE. J.*, **21**(1), 116-128(1975).
- Redlich, O. and Kister, A. T., "Algebraic Representation of Thermodynamic Properties and the Classification of Solutions," *Ind. Eng. Chem.*, **40**(2), 345-348(1948).
- B-Gii, G., Esquvel, M. and Ribeiro, A., "Densities and Refractive Indices of pure Organic Acids as a Function of Temperature," *J. Chem. Eng. Data.*, **35**, 202-204(1990).
- Riddick, J. A., Bunger, W. B. and Sakano, T. K., "Organic Solvents: Physical Properties and Methods of Purification," *Wiley-Interscience, New York* (1986).
- Lee, K. H. and Park, S. J., "Isothermal Vapor-liquid Equilibria, Excess Molar Volume and the Deviation of Refractive Indices for Binary Mixtures of 1-butanol, 1-hexanol, 3-methyl-1-butanol and Butyl Acetate," *Fluid Phase Equilibria*, **436**, 47-54(2017).
- Hang, I. C. and Park, S. J., "Isothermal Vapor-Liquid Equilibria at 333.15 K and Excess Molar Volumes and Refractive Indices at 303.15 K for the Mixtures of Propyl vinyl ether + Ethanol + Benzene," *Korean J. Chem. Eng.*, **49**, 56-61(2011).
- Iglesias-otero, M. A., Troncoso, J., Carbello, E. and Romani, L., "Density and Refractive Index in Mixtures of Ionic Liquids and Organic Solvents: Correlations and Predictions," *J. Chem. Thermodyn.*, **40**, 949-956(2008).