

Petrochemical Project Evaluation by Computer

襄 田 雲*

머 릿 말

化學工場이 規模의 大型화와 더불어 投資가 大規模화해 頻에 따라 化學工場에의 投資는 漸次 risk化하고 있는 傾向이며 이터한 risk는 主로 事業計劃의 核心의 基礎라 할수 있는 "Future prospect"의 uncertainty 또는 "Forecasting"의 unreliability에 있다고 보겠다.

우리 나라에 開發이 促進되고 있는 石油化學事業의 境遇에 있어서는 future prospect를 forecast하기가 大端히 flexible하여 forecasting의 reliability를 期하기가 어려울 것으로 보인다.

이와 같이 flexible한 future prospect의 基礎위에서 事業計劃을 보다 安全하게樹立, 評價하기 为한 하나의 approach를 提示해 보겠다.

I. Introduction of Concepts

Petrochemical project evaluation을 为한 model을 develop하기에 앞서 petrochemical market prospect를理解하기 为한 nature of petrochemical project에 對하여 言及하고 다음에 project economics의 scale로 使用코자 하는 "Discounted cash flow rate of return"과 이의 基礎가 되는 cash의 time value에 對한 概念을 導入하겠다.

1. Nature of Petrochemical Project Project Development Purpose

A. Developing Industry

Petrochemical은 이제 바야흐로 開發이 始作된 產業으로서 市場의 造成과 價格의 形成이 아직 이루어져 있지 않고 있음으로 需要와 價格을 비롯한 市場展望의

豫測이 매우 힘들 것으로 생각된다.

B. 獨占的 事業

Petrochemical market는 當分間 競爭企業을 誘發할 만큼 크지 못할 것으로 볼때 供給에 있어 獨占이豫想되는 한편 대부분의 petrochemical project가 中間製品 또는 原資材 生產業種임을 考慮할때 消費에 있어서도 獨占性이豫想된다.

따라서 需要 供給과 價格等을 包含한 市場의 形成이 몇 사람의 妥協에 依해 이루어질 것으로 보며 이런 性格의 妥協이 어떤 線에서 이루어질 것인지 미리豫測하기란 매우 어려운 일이다.

C. 政策的인 事業

우리 나라에 있어서 石油化學 事業의 가장 重要的性格은 附加價值 生產이 매우 높고 國際收支 改善에의 寄與가 매우 큰 이른바 國家的으로 育成되는 戰略 產業이라는 點이다.

輸入의 對替, 輸出工業의 原資材國產化等의 目的을達成하기 为하여 價格의 對外 競爭力이 切實하게 要求되는 한편 市場의 小規模, 高資本費의 支出等 國內의不利한 企業與件은 製造原價의 上昇을 갖기 为될 것으로 政府의 保護育成政策을 通하여 價格의 國際水準化가 圖謀될 것이며 政府의 育成政策은 租稅減免으로 부터 市場의 造成에 까지 이르게 될 것으로 본다.

따라서 需要와 價格等의 prospect를 forecast함에 있어 政府의 政策方向을 緊密히 follow하고 이를 分析하여 market prospect를 forecast해야 될 것으로 생각된다.

D. 高度의 系列化

Petrochemical industry는 naphtha cracker를 pyramid頂點으로 하여 縱的 橫的으로 系列化되는 產業임으로 原料及 製品의 需給과 價格構造가 系列全體에相關됨으로써 需給과 價格의 展望을 forecast함에 있어

* 大韓石油公社

關係系列工業 全體에 對한 study 를 要하게 될것으로 생각된다.

E. Market Development 에의 力點

Petrochemical product 는 大部分이 “Necessaries”的 category 에서 벗어나 “Conveniences”的 category 에 있고 또한 他 產業 製品을 replace 하는데 要點이 있음으로 市場의 開發과 需要의 造成에 많은 力點이 있어야 되는 產業이다.

뿐만 아니라 petrochemical product 는 大體로 많은 副產物을 同作함으로 副產物의 綜合的 利用 及 市場化가 要求되어 新製品 開發과 市場開拓에 많은 努力を 必要로 하고 있다.

F. 一次產業 製品을 代替

Petrochemical industry 의 主要 特徵의 하나는 一次 產業 製品을 合成製品으로 代替하는데 있는 것으로 우리나라에 生產이 不振하여 大部分을 輸入에 依在하고 있는 纖維原料, 木材 及 木材製品, 고무, 油脂, 皮革, 酵素原料인 糖蜜 等을 為始하여 國內生產이 貧弱한 其他 많은 化學工業原料를 合成製品으로 代替하는데 있어 外貨의 大幅的 節減과 高附加價值의 生產을 實現할 수 있는 產業이다.

이러한 點에서 볼때 petrochemical product 는 一次 產業 製品과의 競爭이 있고 또 一次 產業製品의 輸入을 國內 合成製品으로 代置하는데 있어 政府의 關稅, 物價, 消費 等에 關한 政策이 石油化學 市場 展望에 至大한 影響을 줄 것으로豫想된다.

以上 言及한 石油化學 事業의 特徵을 綜合해 볼때 投資事業 計劃의 核心的 基礎가 될 市場 展望을豫測하기가 大端히 流動的임을 알 수 있다.

事業의 成敗를 左右할 需要의 크기, 販賣價格의 水準, 原料費의 水準 等이 既成市場의 추세로 부터 forecasting 해 낼 性質의 것이 아니라 未來 市場의 形成을 假想하여 forecasting 해야 된다는 性質의 것이고 더욱이 市場 展望이 投資者的 市場 開發에의 努力와 能力에 따라 그리고 政府의 政策의 方向에 따라 크게 影響을 받는 點을 생각할때 投資事業 計劃을 安全하게樹立하기가 어렵다.

이러한 狀況下에서의 投資計劃은 立體的인 forecasting 과 project 的 綿密한 危險分析이 要望된다.

2. Future Prospect 的 Forecasting

投資事業計劃上 future prospect 的 forecasting 은 事業의 成敗를 가름하는 主因子이며 特히 demand fore-

casting, pricing, costing 等은 가장 基本的인 要素이다.

가장 reliable 한 forecasting 은 말할 나위 없이 所望스러운 것이나 實際는 너무나 flexible 할 뿐 아니라 forecasting 的 reliability 自體가 體驗한 다음이라야 만이 立證 또는 評價될 性質의 것이다.

그리나 future prospect 를 forecasting 함에 있어 prospect 的 flexibility 를 그대로 represent 할 수 있는 어언 possible range 로 表示하기는 훨씬 容易할 것으로 보인다.

例 例에 future prospect 를

- A. Optimistic forecast
- B. Pessimistic forecast
- C. Moderate forecast

等의 어언 基本的豫測值를 中心으로 maximum 과 minimum 을 갖인 range 로써捕捉하는 方法이다.

그리하여 project 的 economic feasibility 를 수많은 case 에 對하여 立體的으로 評價하여 forecast 的 uncertainty 에서 오는 risk 를 最小限度로 줄일 수 일것으로 생각되며 具體的인 approach 와 procedure 는 case study 를 通하여 提示하겠다.

3. Profitability Index

Capital project 的窮極的인 目標는 投資를 하고 이에 對한 報酬를 받는데 있다고 볼때 投資에 對한 報酬의 程度, 다른 말로 하면 invested capital 的 economic productivity 的 程度를 計量할 profitability index 的 設定이 必要하다.

傳統적으로는 return on investment 와 이와 비슷한 概念에 基礎를 둔 payout 等의 profitability index 를 使用되어 오고 있다.

그리나 이러한 index 들은 cash 的 가장 重要한 性質인 time value 概念을 缺如하고 있기 때문에 capital 的 real productivity 를 represent 하기 어렵다고 생각된다.

Cash 的 value 는 時間의 函數로서 available 한 time 에 따라 value 가 달리 評價되어야 하며 現時點에 投入되는 cash 的 크기와 投資의 代價로 돌아온 未來의 cash 的 크기를 比較함에 있어 其 value 가 달라야 된다는 點이다.

profitability index 로서 return on investment 나 payout 等이 內包하는 또 하나의 不合理性은 project life 동안 繼續하는 投資의 報酬가운데 初期一部만을 反影한다는 點이다.

이와 같은 不合性을 補完하고 cash 的 time value 概念을 導入함으로써 가장合理的이고 絶對的인 profitability 를 represent 하는 index 로서 “Discounted cash

flow rate of return”이 recommend 된다.

4. Time Value of Cash

Cash의 value는 cash가 available한時間에 따라 달라지며 投資가 經濟的 生產을 갖어올 수 있는 것은 이 time value에 基因한다고 할 수 있다.

따라서 project evaluation에 있어서 cash value는 時間의 價值를 補正해서 생각해야 된다.

Cash의 time value는 “Present value”와 “Future value”的 두 가지 概念으로 생각할 수 있고 이 가운데 “Present value”가 普偏의으로 利用되고 있다.

“A” amount의 cash가 單位時間에 “i” fraction 만큼 價值를 生產한다고 하면 present cash, “A”가 n time 後에 갖이는 value는 $A(1+i)^n$ 이 되고 反對로 n time 後에 available한 “A” amount의 cash를 present cash로 換算하면 $A(1+i)^{-n}$ 이 되겠다. 前者가 바로 future value, 後者は present value 概念으로서 “A” amount의 cash를 金利 “i”인 銀行에 預金했을 때 利息의 增殖 또는 銀行이 債權을 discount 해서 發行하는 것과 마찬가지 概念이며 여기서 銀行에 預金하거나 債權을 사는 것은 가장 安全하고 保守의이며 利益이 적은 投資의 一種으로 생각하면 되겠다.

Future cash를 present value로 discount함에 있어 discount factor “i”는 複利計算方式으로 適用되며, 複利에 依한 利率을 無限小의 time unit로 取하면 $A \cdot e^{-in}$ 으로 表示 되겠다.

그리고 n time 後에 發生하는 cash가 事實은 $(n-1)$ time 으로 부터 n time에 이르기까지 累積의으로 發生한다고 할 때 (n 年後에 收入되는 A 金額이 年始부터 年末까지 累積의으로 發生)이 金額의 present value는

$$\int_{n-1}^n Ae^{-in} dn = A \cdot e^{-in} \cdot \left(\frac{e^i - 1}{i} \right)$$

이 되겠다.

project의 cash flow는 一定期間을 time unit로 하여 累積의으로 收支되기 때문에 가장合理的인 discount factor는 $e^{-in} \cdot \left(\frac{e^i - 1}{i} \right)$ 이 되겠으나 現實의으로 利率의 單位는 “年間”으로 取하고 있고 project의 cash flow를 “年間” 以下の 單位까지 考慮하지 않기 때문에 $(1+i)^{-n}$ 的 discount factor가 妥當하게 使用되고 있다.

Cash의 time value 概念을 좀 더 明確히 하기 為하여 年金의 時間의 價值를 計算해 보겠다.

毎年 “A” amount의 年金을 n 年間 받기로 되었을 때 年金總額의 present value는

$$(PV)_A = \sum_{n=0}^{\infty} A(1+i)^{-n} = A \cdot \frac{(1+i)^n - 1}{i(1+i)^n}$$

Future value는

$$(FV)_A = \sum_{n=0}^{\infty} A(1+i)^n = A \cdot \frac{(1+i)^n - 1}{i}$$

다음 이 年金을 無限한 歲月을 두고 받기로 되었을 때 年金總額의 現金價值는

$$\begin{aligned} \lim_{n \rightarrow \infty} A \cdot \frac{(1+i)^n - 1}{i(1+i)^n} &= \lim_{n \rightarrow \infty} A \left[\frac{(1+i)^n}{i(1+i)^n} - \frac{1}{(1+i)^n} \right] \\ &= \frac{A}{i} \end{aligned}$$

即 A/i amount의 cash를 金利 i 인 銀行에 預金하면 無限한 歲月을 두고 “A” amount의 利子를 받을 수 있는 것과 같은 理致이다.

5. Discounted Cash Flow Rate of Return (DCF R/R)

“A” amount의 cash를 銀行에 預金하여 原利金을 10年間 均等分割하여 每年 0.2A 씩 받는다고 하면 銀行의 金利는 15% 가 된다.

$$0.2A \cdot \frac{(1+i)^{10} - 1}{di(1+i)^{10}} = A \quad i = 0.15$$

이는 工場의 壽命이 10年이고 payout이 5年(每年 20%의 cash flow)이며 cash flow가 每年 uniform한 project에서 投資의 代價로 돌아오는 cash income의 總和를 present value로써 投資金額을 債還하는 利率에 該當하는 것으로 이것이 discounted cash flow rate of return의 概念이 되겠다.

그러나 實際의 project에 있어서는 投資가 數年間 繼續하고 cash flow는 uniform하지 않으며 工場이 scrap될 때 working capital, land, scrap value 等의 salvage value가 있음으로 앞에 使用한 formula가 apply 되지는 않는다.

이러한 realistic factor들을 全部 反影한 DCF R/R의 計算方法은 다음 章에서 DCF R/R model development와 함께 召介 되겠다.

II. Discounted Cash Flow Model

DCF model의 development는 project의 個性에 따라 system을 달리 하겠으며 本章에서 develop되는 model은 다음의 條件을前提한다.

- A. 獨點의인 供給體制
- B. 需要의伸張率를 logarithm base로 表示
- C. Product demand pattern 또는 操業率의 變化等에 依해 單位 製品當可變費가 變하지 않음.

지금 生產及 販賣를 開始하려 하는 年度를 基準年度(第1次 年度)로 하고 基準年度에서의 需要測定量을 D_0 라 하며 需要의伸張率를 r 라 하면 n 次 年度에서의 需要量, D 는

$$D = D_0 e^{r(n-1)}$$

다음 販賣豫測量을 S 라 하면

$$S = D_0 e^{r(n-1)}, \quad e^{r(n-1)} \leq P/D_0$$

P =plant capacity

販賣高 S_r 는

$$S_r = S_p \cdot D_0 e^{r(n-1)}, \quad e^{r(n-1)} \leq P/D_0$$

S_p =Selling price

다음에 이와 같은 製品量을 生產, 販賣하는데 所要되는 費用, E 는

$$E = V + F_i + D_f + G_s$$

V =Variable cost

F_i =Fixed cost

D_f =Depreciation cost

G_s =General & selling expenses

可變費 V 는 原料費, utility費, 藥品觸媒費 等으로 操業率에 關係없이 一定한 單位 製品當의 費用이며 fixed cost F_i 는 操業率에 關係없이 一定한 年間 費用

으로서 labor 數에 比例하는 部分과 capital에 比例하는 部分으로 나눌 수 있다.

$$F_i = aL + b \cdot c$$

L : Number of Labor

a : Labor burden coefficient

C : Capital

b : Capital burden coefficient

減價償却費 D_f 는 稅法上 定率法을 通用하여

$$D_f = C(1-\alpha) \cdot \beta(1-\beta)^{n-1}, \quad \beta=0, \quad \text{if } n>D_L$$

C : Capital

α : Non-depreciable capital fraction

β : Depreciation rate

D_L : Depreciable life

다음 general & selling expense인 G_s 는 labor에 比例하는 部分 sales에 比例하는 部分, capital에 比例하는 部分, 等으로 나눌 수 있으나 代表的으로 capital에 比例하는 것으로 看做하면

$$G_s = d \cdot c$$

d : Capital burden coefficient

이와 같이 하여 生產及 販賣에 所要되는 費用은

$$E = V \cdot D_0 e^{r(n-1)} + aL + (b+d) \cdot C + C(1-\alpha)\beta(1-\beta)^{n-1}$$

$$e^{r(n-1)} \leq P/D_0, \quad \beta=0 \quad \text{if } n>D_L$$

營業稅率을 T_s fraction이라 하면 所得稅納付前 利益, P_G 는

$$P_G = S_r(1-T_s) - E$$

$$= S_p \cdot D_0 \cdot e^{r(n-1)} \cdot (1-T_s) - [V \cdot D_0 e^{r(n-1)} + a \cdot L + (b+d) \cdot C + C(1-\alpha)\beta(1-\beta)^{n-1}]$$

$$e^{r(n-1)} \leq P/D_0, \quad \beta=0, \quad \text{if } n>D_L$$

所得稅 納付後의 純利益, P_N 은

$$P_N = P_G(1-T_i)$$

$$= S_P \cdot D_0 e^{r(n-1)} \cdot (1 - T_S) \cdot (1 - T_i) - [V \cdot D_0 e^{r(n-1)} + a \cdot L + (b+d) \cdot C + C(1-\alpha) \cdot \beta \cdot (1-\beta)^{n-1}] \cdot (1 - T_i)$$

$$e^{r(n-1)} \leq P/D_0, \quad \beta = 0 \text{ if } n > D_L,$$

$$T_i = 0 \quad \text{if } P_G \leq 0$$

$$T_S = T_i = 0 \quad \text{if } n \leq H$$

T_i : Income tax rate

H : Tax exemption period.

다음 cash income 은 純利益과 減價償却充當金을 合한 것으로

$$C_f = P_N + D_f$$

$$= S_P \cdot D_0 e^{r(n-1)} \cdot (1 - T_S) \cdot (1 - T_i) - [V \cdot D_0 e^{r(n-1)} + a \cdot L + (b+d) \cdot C + C(1-\alpha) \beta (1-\beta)^{n-1}] \cdot (1 - T_i) + C(1-\alpha) \beta (1-\beta)^{n-1}$$

$$e^{r(n-1)} \leq P/D_0, \quad \beta = 0 \text{ if } n > D_L,$$

$$T_i = 0 \quad \text{if } P_G \leq 0$$

$$T_S = T_i = 0 \quad \text{if } n \leq H$$

投資의 代價로 돌아오는 이 cash income의 總合은 工場의 操業開始로 부터 scrap 되는 時點까지의 total cash generation 과 工場이 scrap 될 때 救濟되는 working capital 及 工場의 殘存價值를 合한 것으로

$$C_F = \sum_{n=1}^m C_f + \alpha C + (1-\alpha) S_v \cdot C$$

$$= \sum_{n=1}^m C_f + (\alpha + S_v - \alpha S_v) C, \quad n_0 = \text{plant life.}$$

이 total cash generation 을 操業開始 前年度를 zero time 으로 하여 present value 를 고치면

$$(PV)_I = \sum_{n=1}^m C_f (1+i)^{-n} + (\alpha + S_v - \alpha S_v) C (1+i)^{-n_0}$$

한편 이와 같은 cash generation 을 為해 投資되는 資本, C 는, m 年間에 걸쳐 投資되고 每年投資金額을 全體投資額인 C 的 $C_1, C_2, C_3, \dots, C_m$ fraction 이라 하면 投資金額의 present value 는 投資開始 前年度를 zero time 으로 하여

$$(PV)_0 = [C_1 (1+i)^{-1} + C_2 (1+i)^{-2} + \dots + C_m (1+i)^{-m}] \cdot C$$

다음 cash income が zero time 을 操業開始前年度로 부터 投資開始 前年度로 바꾸면

$$(PV)_I = \sum_{n=1}^m C_f (1+i)^{-(n+n_0)} + (\alpha + S_v - \alpha S_v) C (1+i)^{-(n_0+n)}$$

discounted cash flow rate of return 은 $(PV)_I$ 와 $(PV)_0$ 의 value 를 equalize 하는 i 的 値이다.

$$(PV)_I = (PV)_0, \quad (PV)_I - (PV)_0 = 0 \quad \text{또는}$$

$$\sum_{n=1}^m C_f (1+i)^{-(n+n_0)} + (\alpha + S_v - \alpha S_v) C (1+i)^{-(n_0+n)} - [C_1 (1+i)^{-1} + C_2 (1+i)^{-2} + \dots + C_m (1+i)^{-m}] C = 0$$

III. Plant Capacity Optimization Model

Plant capacity optimization 은 成長하는 需要를 가장 economic 하게 meet 함으로써 invested capital의 economic productivity 를 maximize 하는데 目的이 있겠으며 前章에서 develop 한 DCF rate of return 을 maximize 하는 方法으로 達成될 수 있겠다.

製品의 需要가 繼續 成長하는 狀況에서 plant의 production capability 를 決定함에 있어 初期에 얼마 만큼의 剩餘能力(또는 이에 따른 idle capital)을 갖는것이 最適이니 하는 것은 需要의 成長率과 plant cost의 scale-up 에 依한 merit의 程度(capacity exponent 로서 代表할 수 있다)에 달려 있다.

plant cost의 capacity increase 에 依한 變化는

$$C = C_0 (P/P_0)^x$$

C : Plant cost of unknown capacity, P

C_0 : Plant cost of known capacity, P_0

x : Capacity exponent,

P_0 를 unit 로 取하면

$$C = C_0 P^x$$

이 式을 前章에서 develop 한 DCF rate of return model에 代入하면

$$\sum_{n=1}^m \{S_P D_0 e^{r(n-1)} \cdot (1 - T_S) \cdot (1 - T_i) - [V D_0 e^{r(n-1)} + a \cdot L]$$

$$\begin{aligned}
 & + (b+d)C_0P^x + C_0P^x(1-\alpha)\beta(1-\beta)^{n-1}(1-T_i) \\
 & (1+i)^{-(n+m)} + (\alpha+S_v-\alpha S_v)C_0P^x(1+i)^{-(n+m)} \\
 & - [C_1(1+i)^{-1} + C_2(1+i)^{-2} + \dots + C_m(1+i)^{-m}] \\
 C_0P^xe = 0
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 e^{r(n-1)} &\leq P/P_0 \\
 \beta = 0 & \quad if \ n > D_L \\
 T_i = 0 & \quad if \ P_G \leq 0 \\
 T_i = T_S = 0 & \quad if \ n \leq H
 \end{aligned}$$

위 式에서 P 를 variable로 하여 i 를 compute 하면서 i 가 maximize 된 P 를 求하면 되겠다.

IV. Application

지금까지 develop 한 discounted cash flow model 과 이를 modify 한 plant capacity optimization model 을 project evaluation 에 apply 할 수 있는 方法을 몇가지 소개해 보겠다.

1. Capacity optimization

獨占的인 供給 體制下에서는 市場의 全體 需要가 바로 販賣可能量으로 看做할 수 있고 需要伸張率의 크기 와 其 事業의 收益性의 程度는 初期의 工場 規模 또는 操業初年度에 갖을 剩餘 生產能力을 最適化 하는데 capacity optimization model 을 利用할 수 있다.

2. 事業의 經濟性 分析

事業性의 重要因子인 需要의 豊測, 販賣價格 及 原料費의 推定, 또는 投資의 規模 等을 variable로 取하여 DCF rate of return 을 plot 해 보면 事業性을 살릴 수 있는 最底의 需要量 販賣價格 또는 原料費等을 求할 수 있고 여러가지 事業計劃의 因子들을 樂觀的으로 取했을 때, 悲觀的으로 取했을 때 또는 中庸的으로 取했을 때 事業性이 어떻게 變化하는지 分析할 수 있으며 여기에 必要한 無數히 많은 計算이 discounted cash flow model 을 利用하여 計算할 수 있다.

3. 事業의 危險分析

Discounted cash flow model 을 利用하여 事業計劃의 主要因子들의 事業性에 對한 sensitivity 를 求함으로써 主要因子들이 豊測值로부터 deviation 이 생겼을 때 事業生에 얼마나큼의 damage 가 오는가를 握할 수 있고 그러한 deviation 的 possibility 또는 deviation 的範圍를 推定함으로써 事業의 危險度를 分析할 수 있다.

4. 製造工程의 比較評價

製造工程의 設計는 多分히 投資를 增加시켜 操業費用을 節減하는 approach 와 投資를 節減하는 對身 操業費用의 上昇을 甘耐하는 approach 가 있을 수 있다. 即 뚜같은 量과 品質의 製品를 生產하는 工程을 設計함에 있어 投資費와 操業費에 어떤 形態의 函數關係가 있으며 여기에 最適化되는 經濟性이 存在한다.

이러한 比較評價에 discounted cash flow model 이 利用될 수 있으며 이는 主로 proposal 을 evaluation 하는데 利用될 수 있다.

Nomenclature

a :	Labor burden coefficient	Won/Labor/yr.
b :	Investment burden coefficient	Decimal fraction on capital/yr.
C :	Total capital investment	Won.
C_0 :	Plant cost of unit plant capacity	Won/MT/yr.
C_f :	ϕ Cash flow	Won/yr.
C_F :	Total cash generation	Won/project.
C_1-C_m :	Yearly investment program	decimal fraction on capital.
D :	Product demand	MT/yr.
D_0 :	Product demand at initial year	MT/yr.
D_f :	Depreciation fund or cost	Won/yr.
D_L :	Depreciable life	Years.
d :	Investment burden coefficient for G & S expenses, decimal fraction on capital/yr.	
E :	Total cost of production and sales	Won/hr.
e :	Exponent.	
F_t :	Total fixed cost of production	Won/yr.
G :	General & selling expenses	Won/yr.
H :	Tax exempt period	Years.
i :	Discount factor, Discounted cash flow rate of return	Decimal fraction.
L :	Number of operators	Persons.
m :	Investment period	Years.
n :	Calender year	Year.
n_0 :	Plant life	Years.
P :	Plant capacity	MT/yr.
P_G :	Gross profit	Won/yr.
P_N :	Gross profit	Won/yr.
r :	Growth rate of product demand	

		Decimal fraction/yr.	
S :	Sales volume	MT/yr.	Ivan V. Klumpar; <i>C & E</i> Jan. 12, 1970, 107.
S_p :	Selling price of product	Won/MT.	John F Childs; <i>C & E</i> Feb. 26, 1968, 188.
S_r :	Sales revenue	Won/yr.	P. H Jeys; Westinghouse Engineer Mar. 1964, 41.
T_i :	Income tax rate	Decimal fraction/yr.	S. N Rothman; <i>C. E. P</i> Vol. 66 No. 6, 37(Jun. 1970).
T_s :	Sales tax	Decimal fraction/yr.	D. H Allen; <i>C & E</i> Jul. 3, 1967 75.
V :	Variable cost of product	Won/MT.	DI Saletan & AV Caselli; <i>CEP</i> Vol. 59 No. 5, 69 (May. 1963).
x :	Plant capacity exponent.		F. C Zevnik & R. L Buchanan; <i>CEP</i> Vol. 59, No. 2 70(Feb. 1963).
α :	Non depreciable capital	Decimal fraction on total capital.	S. N Rothman; <i>Chem. Eng. Prog.</i> (June. 1970).
β :	Scrap value of plant	Decimal fraction on depreciable capital.	D. H Allen; <i>Chem. Eng.</i> (July. 3 1967).

参考文献

John R. Coleman, Jr.; *I & EC* Vol. 56 No. 1 28
(Jan. 1964).
Raymond I. Reul; *C & E* Apr. 22, 1968, 212.

Happel, J.; "Chemical Process Economics", Wiley,
New York, (1958).
Hackney, J. R.; "Control & Management of Capital
Project," wiley, New York, (1965).